

$m$  と  $n$  を自然数とします。

$m \leq \sqrt{n} < m+1$  を満たす整数が  $\overset{n}{43}$  個です。 $m$  の値を求めましょう。

$$\underbrace{\sqrt{m^2}, \sqrt{m^2+1}, \sqrt{m^2+2}, \dots, \sqrt{(m+1)^2}}_{43 \text{ 個}}$$

$$43 = 44 - 1$$

$$(m+1)^2 - m^2 = 43$$

$$m^2 + 2m + 1 - m^2 = 43$$

$$2m + 1 = 43$$

$$2m = 42$$

$$m = 21$$

$$\therefore m = 21$$

(2) の場合

$$m = 21 \text{ あり}$$

$$\sqrt{21^2} \leq \sqrt{n} < \sqrt{22^2}$$

$$\sqrt{441} \leq \sqrt{n} < \sqrt{484}$$

$$484 - 441 = 43$$

$$m + 43 = 44 - 1$$